

## Errates dels capítols 1 i 2

Pàgina/lloc	On diu	Ha de dir
14 / def. 5	$b_{ij} = \alpha \cdot a_{i,j}$	$b_{ij} = \alpha \cdot a_{ij}$
14 / def. 6	$p_{ij} = \sum_{k=1}^n a_{ik}b_{kj}$	$p_{ij} = \sum_{k=1}^m a_{ik}b_{kj}$
15 / def.17	$a_{ij} = 0$ per $j \geq i$	$a_{ij} = 0$ per $j > i$
15 / def.19	$a_{ij} = 0$ per $j \geq i$	$a_{ij} = 0$ per $j > i$
16 / prop.25	En el cas en que $A$ i $B$ siguin matrius regulars, si $k \neq 0$ , $(kA)^{-1} = \frac{1}{k}A^{-1}$	En el cas en que $A$ sigui una matriu regular, si $k \neq 0$ , $(kA)^{-1} = \frac{1}{k}A^{-1}$
17 / -	i, passant-ho al segon membre i reordenant $(1 - a_{11})P_1 + a_{12}P_2 + \dots + a_{1n}P_n = D_1$ $a_{21}P_1 + (1 - a_{22})P_2 + \dots + a_{2n}P_n = D_2$ $\dots$ $a_{n1}P_1 + a_{n2}P_2 + \dots + (1 - a_{nn})P_n = D_n$	i, passant-ho al segon membre i reordenant $(1 - a_{11})P_1 - a_{12}P_2 - \dots - a_{1n}P_n = D_1$ $-a_{21}P_1 + (1 - a_{22})P_2 - \dots - a_{2n}P_n = D_2$ $\dots$ $-a_{n1}P_1 - a_{n2}P_2 - \dots + (1 - a_{nn})P_n = D_n$
25 / prob. 3	(1.2) (1.3) (1.4) (1.5) del sistema	(1.1) (1.2) (1.3) (1.4) -La resta de l'exercici està bé
27 / prob.5(b)	$P = M^2 + I =$ $\begin{pmatrix} x^2 - 1 & xy & xz \\ xy & y^2 - 1 & yz \\ xz & yz & z^2 - 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ $= \dots$	$P = M^2 + I =$ $\begin{pmatrix} x^2 - 1 & xy & xz \\ xy & y^2 - 1 & yz \\ xz & yz & z^2 - 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ $= \dots$
29 / prob. 7	$A = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 4 & 7 \\ 2 & 5 & 8 \\ 3 & 6 & 9 \end{pmatrix}$ $= \begin{pmatrix} 0 & -1 & -2 \\ 1 & 0 & -1 \\ -2 & 1 & 0 \end{pmatrix}$	$A = \frac{1}{2} \left[ \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 4 & 7 \\ 2 & 5 & 8 \\ 3 & 6 & 9 \end{pmatrix} \right]$ $= \begin{pmatrix} 0 & -1 & -2 \\ 1 & 0 & -1 \\ 2 & 1 & 0 \end{pmatrix}$
29 / prob. 8	3a f.- $\frac{1}{2}$ ×1a f.	3a f.- $\frac{1}{2}$ ×2a f.
31 / prob.10 a)	$\begin{pmatrix} \frac{3}{4} & 1 & -\frac{1}{2} \\ -\frac{11}{2} & \frac{7}{3} & 8 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -\frac{3}{4} & -1 & \frac{1}{2} \\ 4 & -\frac{7}{3} & -5 \end{pmatrix}$
34 / prob.13 b)	$\begin{vmatrix} 1 & -3 \\ 5 & 2 \end{vmatrix} = -13$	$\begin{vmatrix} 1 & -3 \\ 5 & 2 \end{vmatrix} = 17$
38 / prob.16	$A_{t=1} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 4 \end{pmatrix}$ i $A_{t=2} = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 2 & 3 & 1 \\ 3 & 0 & 5 \end{pmatrix}$	$A_{t=1} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & 0 \\ -3 & 0 & 4 \end{pmatrix}$ i $A_{t=2} = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 2 & 3 & 1 \\ -5 & 0 & 5 \end{pmatrix}$
44 / prob.24	$B^{-n} = I - nA + \frac{n(n-1)}{2}A^2$	$B^{-n} = I - nA + \frac{n(n+1)}{2}A^2$
45 / prob.25	$\begin{pmatrix} 1 & 3 & 6 & 10 & \dots & \frac{n(n-1)}{2} \\ 0 & 1 & 3 & 6 & \dots & \frac{(n-1)(n-2)}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 3 & \dots & \frac{(n-2)(n-3)}{2} \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \dots & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \dots & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \dots & \cdot \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & 3 & 6 & 10 & \dots & \frac{n(n+1)}{2} \\ 0 & 1 & 3 & 6 & \dots & \frac{(n-1)n}{2} \\ 0 & 0 & 1 & 3 & \dots & \frac{(n-2)(n-1)}{2} \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \dots & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \dots & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \dots & \cdot \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 1 \end{pmatrix}$

Pàgina/lloc	On diu	Ha de dir
45 / prob.27	$\begin{pmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ 3a+d+g & 3b+e+h & 3c+f+i \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ 3a+d+2g & 3b+e+2h & 3c+f+2i \end{pmatrix}$ i, per tant, la solució del problema és $B = \begin{pmatrix} a & b & 0 \\ 3i-3a-g & i-3b-h & 0 \\ g & h & i \end{pmatrix}$
47 / prob.31	$\begin{pmatrix} 1.57895 & 0.526316 \\ 0.526316 & 1.84211 \end{pmatrix}^{-1} \cdot \begin{pmatrix} 50 \\ 40 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 100 \\ 100 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1.57895 & 0.526316 \\ 0.526316 & 1.84211 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 50 \\ 40 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 100 \\ 100 \end{pmatrix}$
61 / prob. 9 e)	la penúltima fila del segon determinant és 0 0 0 ... 0 2n	la penúltima fila del segon determinant ha de ser 0 0 0 ... n-1 2n

### Errates del capítol 3

Pàgina/lloc	On diu	Ha de dir
67 / Exemple	$x = \begin{vmatrix} 1+z & 1 \\ 2+z & -1 \\ 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{vmatrix} = \frac{3+2z}{-3}$	$x = \begin{vmatrix} 1+z & 1 \\ 2+z & -1 \\ 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{vmatrix} = \frac{3+2z}{3}$
82 / prob. 2	(g) $\begin{cases} (a+2)x + y + z & = a-1 \\ ax + (a-1)y + z & = a-1 \\ (a+1)x + (a+1)z & = a-1 \end{cases}$ (h) $\begin{cases} x + y + z & = a \\ x + (1+a)y + z & = 2a \\ x + y + z & = 4 \end{cases}$	(g) $\begin{cases} x + y + z & = a \\ x + (1+a)y + z & = 2a \\ x + y + z & = 4 \end{cases}$ (h) $\begin{cases} (a+2)x + y + z & = a-1 \\ ax + (a-1)y + z & = a-1 \\ (a+1)x + (a+1)z & = a-1 \end{cases}$
89 / pb. 2 d)	$\begin{aligned} x + y + z & = 1 \\ -x + y + z & = 1 \end{aligned}$	$\begin{aligned} x + y + z & = -1 \\ -x + y + z & = 1 \end{aligned}$
	i en conseqüència les solucions que teníem $x = 0, y = 1 - z$	són, ara $x = -1, y = -z$
92 / pb. 2 g)	★ $a = 4$ . Els ... el sistema és compatible determinat	★ $a = 4$ . Els ... el sistema és compatible indeterminat

### Errates del capítol 5

Pàgina/lloc	On diu	Ha de dir
110 / prob. 4	$\begin{pmatrix} a^2+bc & ab+bd \\ ca+dc & cb+d^2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} a^2+bc & ab+bd \\ ca+dc & cb+d^2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$
116 / prob.18		Falta trobar una base i la dimensió en cada apartat. La solució del que falta seria:

(a) Els elements de  $V_1$  són de la forma  $(x, y, z, t) = (x, 2x, z, x + z)$  (ja que  $y = 2x$  i  $t = x + z$ ). Per tant,

$$(x, y, z, t) = (x, 2x, z, x + z) = (x, 2x, 0, x) + (0, 0, z, z) = x(1, 2, 0, 1) + z(0, 0, 1, 1)$$

D'on tenim que una base és  $V_1 = \langle (1, 2, 0, 1); (0, 0, 1, 1) \rangle$ , ja que genera  $V_1$  (ho acabem de veure) i són L.I. Com que la base està formada per dos vectors, la dimensió de  $V_1$  és 2.

(b)  $V_2$  no és subespai vectorial de  $R^4$ . Per tant no té base ni dimensió

(c) Els elements de  $V_3$  són de la forma  $(x, y, z) = (x, y, 2x + y)$  (ja que  $z = 2x + y$ ). Per tant,

$$(x, y, z) = (x, 2x, 2x + y) = (x, 2x, 2x) + (0, 0, y) = x(1, 2, 2) + y(0, 0, 1)$$

D'on tenim que una base és  $V_3 = \langle (1, 2, 2); (0, 0, 1) \rangle$ , ja que genera  $V_3$  (ho acabem de veure) i són L.I. Com que la base està formada per dos vectors, la dimensió de  $V_3$  és 2.

(d) Els elements de  $V_4$  són de la forma  $\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a & b \\ c & -a \end{pmatrix}$  (ja que  $a + d = 0 \implies d = -a$ ). Per tant,

$$\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a & b \\ c & -a \end{pmatrix} = a \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} + b \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} + c \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

D'on tenim que una base és  $V_4 = \langle \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}; \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}; \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \rangle$ , ja que genera  $V_4$  (ho acabem de veure) i són L.I. Com que la base està formada per tres vectors, la dimensió de  $V_4$  és 3.

(e) Els elements de  $V_5$  són de la forma  $p(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 = 0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3$ . Per tant, podem considerar els elements de  $V_5$  com  $p(x) = (0, a_1, a_2, a_3)$ . Per tant,

$$(0, a_1, a_2, a_3) = a_1(0, 1, 0, 0) + a_2(0, 0, 1, 0) + a_3(0, 0, 0, 1)$$

D'on tenim que una base és  $V_5 = \langle (0, 1, 0, 0); (0, 0, 1, 0); (0, 0, 0, 1) \rangle$ , ja que genera  $V_5$  (ho acabem de veure) i són L.I. Com que la base està formada per tres vectors, la dimensió de  $V_5$  és 3.

(f) Els elements de  $V_6$  són de la forma  $\begin{pmatrix} a & b \\ b & d \end{pmatrix}$ . Per tant,

$$\begin{pmatrix} a & b \\ b & d \end{pmatrix} = a \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} + b \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} + c \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

D'on tenim que una base és  $V_6 = \langle \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}; \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}; \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \rangle$ , ja que genera  $V_6$  (ho acabem de veure) i són L.I. Com que la base està formada per tres vectors, la dimensió de  $V_6$  és 3.

Pàgina/lloc	On diu	Ha de dir
119 / prob.19	$x = -2y - 3s + t$ i $z = 2s - 2t$	$x = -2y + 5s - 7t$ i $z = -2s + 2t$ i a partir d'aquí fer les correccions de càlcul adients.
121 / prob.23	Per tant, la dimensió és 2 ...	Per tant, la dimensió és 3 ...
123 / prob.25	6 -35 0 0 24 (a la matriu) 0 1 0 0 2 (a les matrius)	6 -3 0 0 24 (a la matriu) 0 -1 0 0 2 (a les matrius)
127 / prob.26-d	una base de $U + V$ serà $\{(1, 2, -1, 2), (0, 2, 4, 3), (0, 0, 4, 1)\}$ i $\dim U + V = 3$ .	una base de $U + V$ serà $\{(1, 2, -1, 2), (0, 2, 4, 3), (0, 0, 4, 1), (0, 0, 38, 17)\}$ i $\dim U + V = 4$ .
	0 0 $10x - 4y + 2z$ $4x - 3y + 2t$	0 0 $10x - 4y + 2z$ $2x - 3y + 2t$ (i a partir d'aquí fer les correccions adients. La solució de $U \cap V$ està bé.)
130 / prob.27-d	0 0 -6 -8 2 (a les matrius)	0 0 -6 -8 -2 (a les matrius)
131 / pb.28-a-b-c	de $B$ a $S$ de $S$ a $B$	de $S$ a $B$ de $B$ a $S$
154 / prob.8	$\text{Nuc } f = \langle (-1, 1, -1) \rangle$	$\text{Nuc } f = \langle (-1, 1, 1) \rangle$
162 / prob.21	$y = -z$	$y = z$ , i a partir d'aquí fer les correccions de càlcul adients, tinguent en compte que ara el $\text{Nuc } f = \langle (1, 1, 1) \rangle$ i que la imatge està generada per $\{(0, 1, -1), (-1, 0, 1), (1, -1, 0)\}$ .
164 / prob.22	$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ t \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$	$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ t \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ La resta de l'exercici està bé.
171 / prob.29 c)	$y + t = 0$	$y + 5t = 0$
175 / prob.32	$\begin{pmatrix} a_{n+1} \\ b_{n+1} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}^n \cdot \begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}^n \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} a_{n+1} \\ b_{n+1} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}^n \cdot \begin{pmatrix} a_1 \\ b_1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}^n \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$
176 / prob.32	... l'equació: $-\sqrt{2}x + 2y = 0$ que té per solució $y = -\frac{\sqrt{2}}{2}x$ .	... l'equació: $\sqrt{2}x + 2y = 0$ que té per solució $y = -\frac{\sqrt{2}}{2}x$ .

Pàgina/lloc	On diu	Ha de dir
179 / prob.34	Resolguem el sistema per Gauss $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ <p>ens queda, per tant, el sistema format per les equacions:</p> $\begin{aligned} y + z &= 0 \\ x + z &= 0 \end{aligned}$ <p>que té per solucions: <math>x = -z</math>, <math>y = -z</math>. Aleshores els elements de <math>E(a)</math> seran de la forma <math>(x, y, z) = (-z, -z, z) = z(-1, -1, 1)</math> i, per tant, <math>E(a) = \langle (-1, -1, 1) \rangle</math>.</p>	Ens queda, per tant, el sistema format per les equacions: $\begin{aligned} y + z &= 0 \\ x &= 0 \end{aligned}$ <p>que té per solucions: <math>x = 0</math>, <math>y = -z</math>. Aleshores els elements de <math>E(a)</math> seran de la forma <math>(x, y, z) = (0, -z, z) = z(0, -1, 1)</math> i, per tant, <math>E(a) = \langle (0, -1, 1) \rangle</math>.</p>
180 / prob.34	Una base formada per vectors propis serà $\{(-1, -1, 0), (1, 1, 0), (-1, 1, 0)\}$	Una base formada per vectors propis serà $\{(0, -1, 1), (1, 1, 0), (-1, 1, 0)\}$
181 / prob.34	$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & -2 \\ -1 & -1 & 2-a \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 & 0 & a \\ 1 & 1 & -2 \\ -1 & -1 & 2-a \end{pmatrix}$
185 / prob.35	(2a col. + 1a col.)	(2a col. - 1a col.)
190 / prob.39	$w = (3, -5, 2)$ $M' = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}^{-1} \cdot \begin{pmatrix} 3 & 3 & -2 \\ 4 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{3}{2} & -1 \\ 2 & 0 & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$	$w = (3, -5, -2)$ $M' = \begin{pmatrix} 3 & 3 & -2 \\ 4 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}^{-1} = \begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{3}{2} & -1 \\ 2 & 0 & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
246 / prob. 2	$-8z - 42t = 0$	$-8z - 4t = 0$
265 / prob. 4 a)	$x = 5$ i $y = 4$ i, per tant, les coordenades són $(5, 0)$	$x = 5$ i $y = 4$ i, per tant, les coordenades són $(5, 4)$
267 / prob.1 a)	$A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$	$A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$
274 / prob. 4	$T(A) = A \cdot N$	$T(A) = N \cdot A$
278 / prob. 4	$\begin{pmatrix} 7 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 7 & 0 & -1 \\ -5 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & -5 & 0 & 3 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 7 & 0 & -5 & 0 \\ 0 & 7 & 0 & -5 \\ -1 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 3 \end{pmatrix}$
279 / prob. 4	$P = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$	$P = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ <i>i refer els càlculs. La matriu <math>P^{-1}</math> està bé, però <math>A' = P^{-1} \cdot A \cdot P</math> dona:</i> $A' = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 & 4 \\ 0 & 7 & -5 & -5 \\ 0 & -1 & 3 & -5 \\ 0 & 0 & 0 & 8 \end{pmatrix}$

## Errates dels capítols 6 i 7

Pàgina/lloc	On diu	Ha de dir
234 / prob.16 al final	En aquesta taula, la columna corresponent a $y_6$ té el $z_6 - c_6 < 0$ amb les components de la resta de la columna no positives.	En aquesta taula, la columna corresponent a $y_6$ té el $z_6 - c_6 = 5 > 0$ amb les components de la resta de la columna no positives.

Pàgina 248, apartat (c). La resolució del problema no és correcte per errors en el càlcul.

La solució correcte és així:

(c) Recordem com quedava plantejat el problema de programació lineal en forma estàndard

$$\begin{aligned} \text{Mín. } z &= -800x_1 - 650x_2 \\ \text{amb restriccions } & \quad 3x_1 - x_2 + x_3 = 0 \\ & \quad x_1 + x_2 + x_4 = 500 \\ & \quad x_1, x_2, x_3, x_4 \geq 0 \end{aligned}$$

amb solució bàsica factible (0,0,0,500). Escrivem la primera taula del mètode del simplex

		$c_1 = -800$	$c_2 = -650$	$c_3 = 0$	$c_4 = 0$	
$c^B$	$x^B$	$y_1$	$y_2$	$y_3$	$y_4$	Qc.
0	$x_3 = 0$	3	-1	1	0	$\frac{0}{3} = 0 \rightarrow$ Surt $x_3$
0	$x_4 = 500$	1	1	0	1	$\frac{500}{1} = 500$
	$z = 0$	800	650	0	0	
		Entra $x_1$				

Es compleixen les condicions per les quals la solució és millorable, per tant, aplicarem l'algorisme del simplex. Dels dos quocients, el mínim valor estrictament positiu o zero és 0, per tant surt  $x_3$  i entra  $x_1$ . Llavors, pivotarem sobre l'element<sup>1</sup>  $y_{31} = 3$ . Com que no és 1, dividim tota la fila per 3, quedant

		$c_1 = -800$	$c_2 = -650$	$c_3 = 0$	$c_4 = 0$
$c^B$	$x^B$	$y_1$	$y_2$	$y_3$	$y_4$
0	$x_1 = 0$	1	$-\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	0
0	$x_4 = 500$	1	1	0	1
	$z = 0$	800	650	0	0

i ara aconseguirem zeros a la resta de la columna. Per això farem 2a fila - 1a fila i 3a fila - 800·1a fila. La taula queda

$c^B$	$x^B$	$y_1$	$y_2$	$y_3$	$y_4$	Qc.
-800	$x_1 = 0$	1	$-\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	0	$\frac{0}{-\frac{1}{3}} = 0$ però $y_{12} < 0$
0	$x_4 = 500$	0	$\frac{4}{3}$	$-\frac{1}{3}$	1	$\frac{500}{\frac{4}{3}} = 375 \rightarrow$ Surt $x_4$
	$z = 0$	0	$\frac{2750}{3}$	$-\frac{800}{3}$	0	
		Entra $x_2$				

Aquí, malgrat el menor quocient no negatiu sigui 0, com hem dividit per un número negatiu ( $\frac{x_1}{y_{12}} = \frac{0}{-\frac{1}{3}} = 0$ ), no el podem considerar; per tant triem l'altre valor. Com abans, la solució és millorable. Ara el mínim quocient positiu és 375. Llavors, pivotarem sobre l'element requadrat que és  $y_{42} = \frac{4}{3}$ .

En aquest cas tampoc és 1; per tant, dividirem tota la primera fila per  $\frac{4}{3}$  i així tindrem un 1. Després, aconseguirem zeros a la resta de la columna fent: 1a fila +  $\frac{1}{3}$ ·2a fila i 3a fila -  $\frac{2750}{3}$ ·2a fila. La taula queda

<sup>1</sup>Amb la notació emprada a la teoria, si surt la variable  $x_3$  i entra la variable  $x_1$ , corresponent a la columna  $y_1$ , llavors l'element pivot és  $y_{31}$

$c^B$	$x^B$	$y_1$	$y_2$	$y_3$	$y_4$
-800	$x_1 = 125$	1	0	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$
-650	$x_2 = 375$	0	1	$-\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$
	$z = -343750$	0	0	$-\frac{75}{2}$	$-\frac{1375}{2}$

En aquesta taula, totes les  $z_j - c_j$  per  $j$  no bàsiques són negatives, per tant, hem arribat a una solució òptima, que és (125,375,0,0) amb valor mínim  $z = -343750$ .

Llavors, la solució del problema és  $x_1 = 125$  (capses de tipus A) i  $x_2 = 375$  (capses de tipus B) amb valor màxim  $z = 343750$ .

Pàgina/lloc	On diu	Ha de dir
289 / prob.3 b)	$\left. \begin{aligned} x + y + z &= 0 \\ -x + y + z &= 0 \\ -y + z &= 0 \end{aligned} \right\}$	$\left. \begin{aligned} x + y - z &= 0 \\ -x + y + z &= 0 \\ -y + z &= 0 \end{aligned} \right\}$
302 / punt 4	$a + d = 1$	$a + d = -1$
312 / pb.3 c)	$A' = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \\ -1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ -3 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}.$ $\frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \\ -1 & 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ -4 & -7 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$	$A' = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \\ -1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ -3 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}.$ $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ -4 & -7 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$
319 / prob.1	$\{(-1, -1, 1)\}$	$\{(-2, -1, 1)\}$
334 / Soluc.	11-(d)	11-(c)
337 / Qüest.11	Això és equivalent a dir que $ad - bc \neq 0$ . <b>La resposta correcta és (d)</b>	Això és equivalent a dir que $ad - bc = 0$ . <b>La resposta correcta és (c)</b>